



BØRNE- OG  
UNDERVISNINGSMINISTERIET  
STYRELSEN FOR  
UNDERVISNING OG KVALITET

---

# Matematik A

---

## Højere handelseksamen

Formelsamling

# **Matematik A Højere handelseksamen Formelsamling**

**Forfattere:** Jytte Melin, Ole Dalsgaard og Laila Madsen

April 2019

ISBN: 978-87-603-3239-5 (web udgave)

Denne udgave af Matematisk formelsamling hhx A-niveau er udgivet af Undervisningsministeriet og gjort tilgængelig på uvm.dk.

Kopiering til andet end personlig brug må kun ske efter aftale med Copy-Dan.

## **Forord**

*Matematisk formelsamling for hhx* er primært beregnet til brug for eksaminander ved den skriftlige prøve i matematik A på hhx og i særdeleshed til prøven uden hjælpemidler.

Mange matematiske formler gælder kun under særlige forudsætninger. F.eks. er  $ax^2 + bx + c = 0$  kun en andengradsligning under forudsætning af at  $a \neq 0$ , logaritmeregnerne gælder under forudsætning af, at de tal, logaritmen tages af, er positive osv. For overskuelighedens skyld er disse restriktioner ikke angivet. Formlerne kan derfor siges at gælde under forudsætning af, at relevante antagelser er opfyldt, og de angivne formler er meningsfulde.

Mange formler er illustreret med figurer. I de tilfælde hvor betydningen af de størrelser, som indgår i formlerne, ikke er forklaret, vil disse være angivet på den tilsvarende figur.

## **Indholdsfortegnelse**

KVADRATSÆTNINGER.....	1
POTENSREGNEREGLER .....	1
FUNKTIONSBEGREBET .....	2
LINEÆRE FUNKTIONER .....	2
ANDENGRADSPOLYNOMIER.....	3
EKSPONENTIELLE FUNKTIONER.....	4
LOGARITMEFUNKTIONER .....	5
LOGARITMEREGREREGLER .....	5
FUNKTIONER AF TO VARIABLE .....	6
DIFFERENTIALREGNING .....	7
INTEGRALREGNING .....	8
AREALBESTEMMELSE .....	8
AFLEDEDE FUNKTIONER OG STAMFUNKTIONER .....	9
DIFFERENTIALLIGNINGER .....	10
FINANSIEL REGNING .....	11
STATISTIK, UGRUPPEREDE OBSERVATIONER.....	12
STATISTIK, GRUPPEREDE OBSERVATIONER .....	12
KOMBINATORIK .....	13
SANDSYNLIGHEDSREGNING.....	14
SANDSYNLIGHEDSTEORI.....	14
BINOMIALFORDELINGEN .....	15
NORMALFORDELINGEN .....	16
CHI I ANDEN – UAFHÆNGIGHEDSTEST .....	18
MULTIPLIKATIONSTABEL .....	19
MATEMATISKE SYMBOLER.....	19

## Kvadratsætninger

Kvadrat på en sum

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2 \cdot a \cdot b \quad (1)$$

Kvadrat på differens

$$(a-b)^2 = a^2 + b^2 - 2 \cdot a \cdot b \quad (2)$$

To tals sum gange  
de samme to tals differens

$$(a+b) \cdot (a-b) = a^2 - b^2 \quad (3)$$

## Potensregneregler

$$a^p \cdot a^q = a^{p+q} \quad (4)$$

$$\frac{a^p}{a^q} = a^{p-q} \quad (5)$$

$$(a^p)^q = a^{p \cdot q} \quad (6)$$

$$(a \cdot b)^p = a^p \cdot b^p \quad (7)$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^p = \frac{a^p}{b^p} \quad (8)$$

$$a^0 = 1 \quad (9)$$

$$a^{-p} = \frac{1}{a^p} \quad (10)$$

$$a^{\frac{1}{2}} = \sqrt{a} \quad (11)$$

$$a^{\frac{1}{p}} = \sqrt[p]{a} \quad (12)$$

$$a^{\frac{p}{q}} = \sqrt[q]{a^p} \quad (13)$$

$$\sqrt{a \cdot b} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b} \quad (14)$$

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} \quad (15)$$

## Funktionsbegrebet

Definitionsmængde

$$Dm(f) = [x_A; x_D]$$

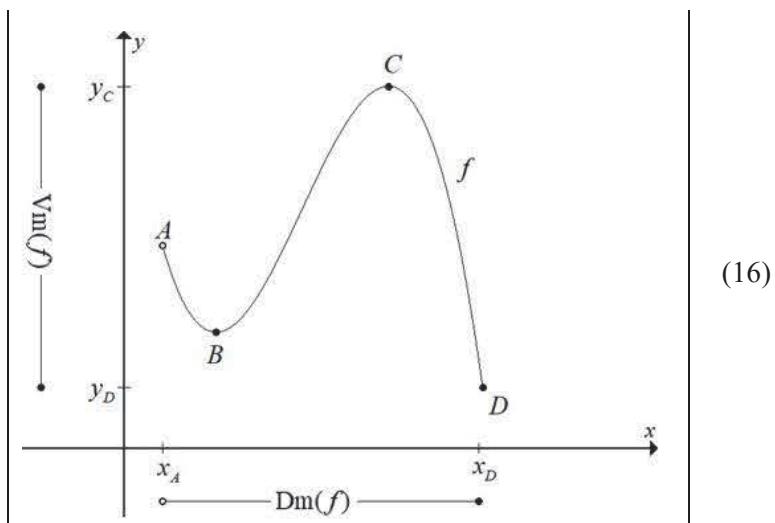
Globalt minimum i D

Globalt maksimum i C

Lokalt minimum i B

Værdimængde

$$Vm(f) = [y_D; y_C]$$

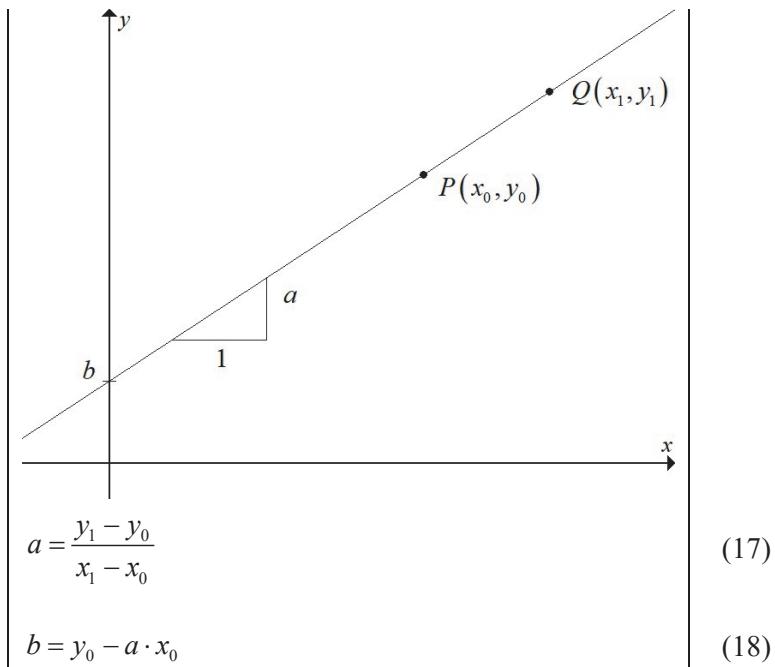


## Lineære funktioner

Forskrift for lineær funktion

$$f(x) = a \cdot x + b$$

hvor  $a$  er hældningskoefficienten, og  $b$  er grafens skæring med  $y$ -aksen



Hældningskoefficienten for linjen, gennem  $P(x_0, y_0)$  og  $Q(x_1, y_1)$

Skæring  $b$  med  $y$ -aksen

$$a = \frac{y_1 - y_0}{x_1 - x_0}$$

$$b = y_0 - a \cdot x_0$$

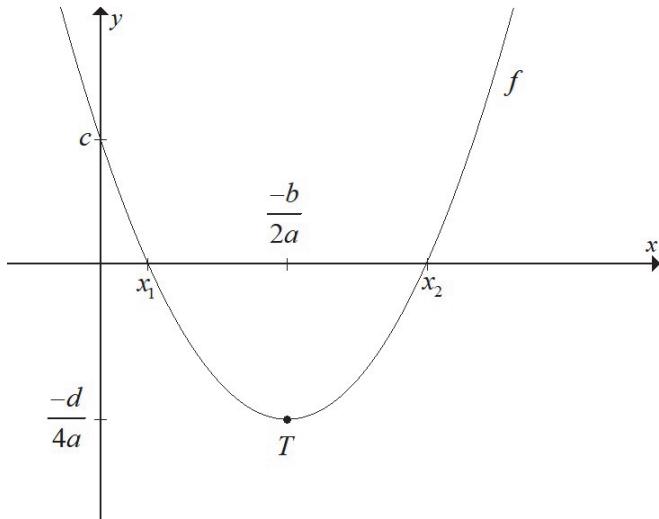
(18)

## Andengradspolynomier

Forskrift

Graf for andengradspolynomium er en parabel

$$f(x) = a \cdot x^2 + b \cdot x + c \quad (19)$$



Diskriminant

$$d = b^2 - 4ac \quad (20)$$

Toppunkt

$$T\left(\frac{-b}{2a}, \frac{-d}{4a}\right) \quad (21)$$

Andengrads ligning

$$a \cdot x^2 + b \cdot x + c = 0 \quad (22)$$

Løsninger, når  $d \geq 0$ 

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{d}}{2a} \quad \text{og} \quad x_2 = \frac{-b + \sqrt{d}}{2a} \quad (23)$$

## Eksponentielle funktioner

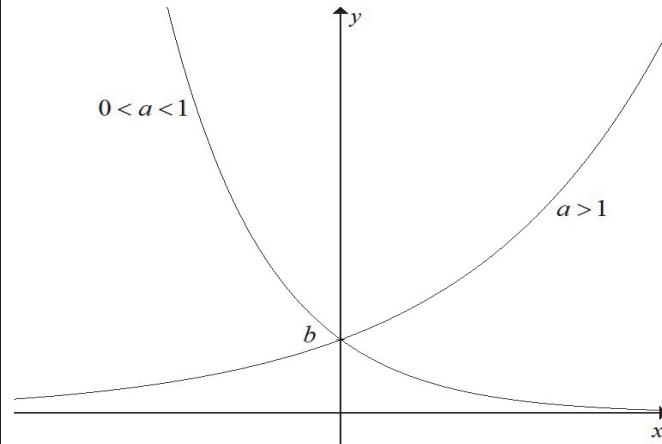
Forskrift for eksponentiel funktion

$$f(x) = b \cdot a^x \text{ eller } f(x) = b \cdot (1+r)^x \quad (24)$$

Grafen for eksponentiel funktion

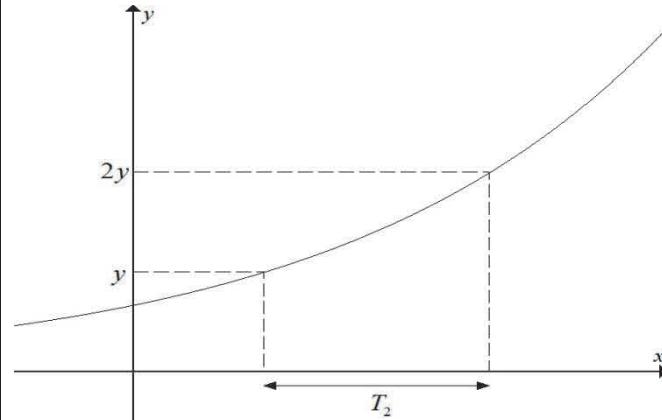
Voksende for  $a > 1$

Aftagende for  $0 < a < 1$



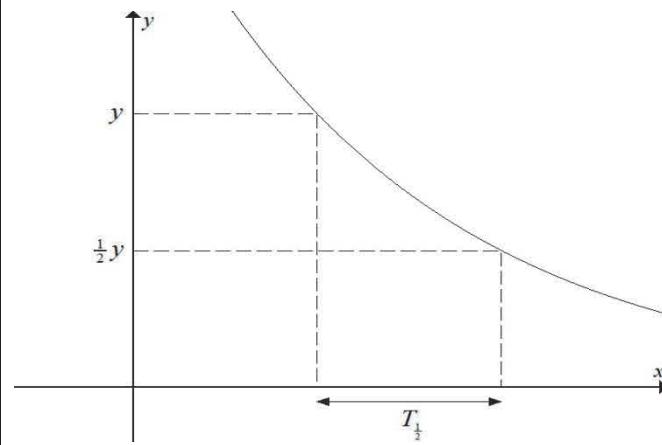
Fordoblingskonstant

$$T_2 = \frac{\ln(2)}{\ln(a)} = \frac{\log(2)}{\log(a)}$$



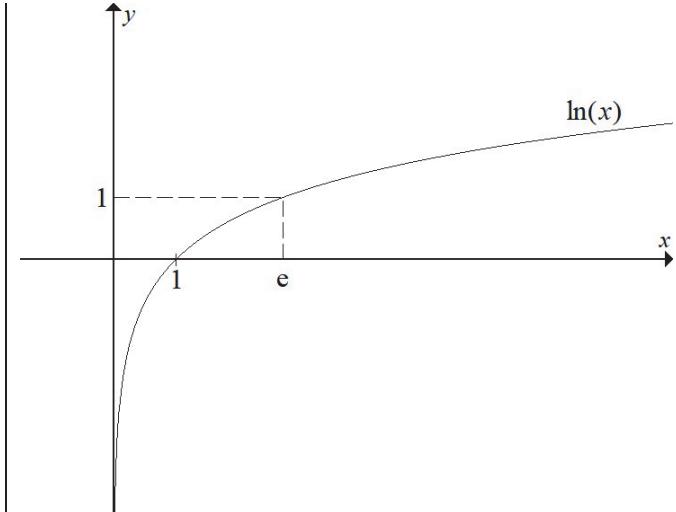
Halveringskonstant

$$T_{\frac{1}{2}} = \frac{\ln(\frac{1}{2})}{\ln(a)} = \frac{\log(\frac{1}{2})}{\log(a)}$$

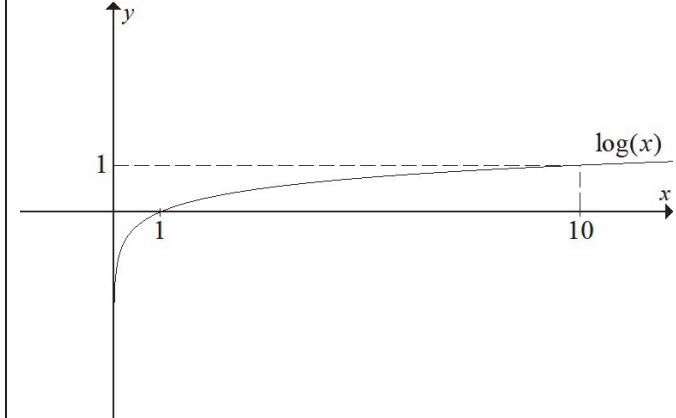


## Logaritmefunktioner

Graf for  
den natulige logaritmefunktion



Graf for logaritmefunktionen  
med grundtal 10



## Logaritmeregnerregler

Den natulige logaritme

$$\ln(1) = 0$$

10-tals logaritmen

$$\log(1) = 0 \quad (25)$$

$$\ln(e) = 1$$

$$\log(10) = 1 \quad (26)$$

$$\ln(a \cdot b) = \ln(a) + \ln(b)$$

$$\log(a \cdot b) = \log(a) + \log(b) \quad (27)$$

$$\ln\left(\frac{a}{b}\right) = \ln(a) - \ln(b)$$

$$\log\left(\frac{a}{b}\right) = \log(a) - \log(b) \quad (28)$$

$$\ln(a^p) = p \cdot \ln(a)$$

$$\log(a^p) = p \cdot \log(a) \quad (29)$$

Sammenhæng mellem log og ln

$$\ln(x) = \frac{\log(x)}{\log(e)}$$

$$\log(x) = \frac{\ln(x)}{\ln(10)} \quad (30)$$

## Funktioner af to variable

Lineær funktion

Niveaulinje  $N(t)$

$$f(x, y) = ax + by + c \quad (31)$$

$$f(x, y) = t$$

$$ax + by + c = t \quad (32)$$

Kvadratisk funktion

Niveaukurve  $N(t)$

$$f(x, y) = ax^2 + bx + cy^2 + dy + e \quad (33)$$

$$f(x, y) = t$$

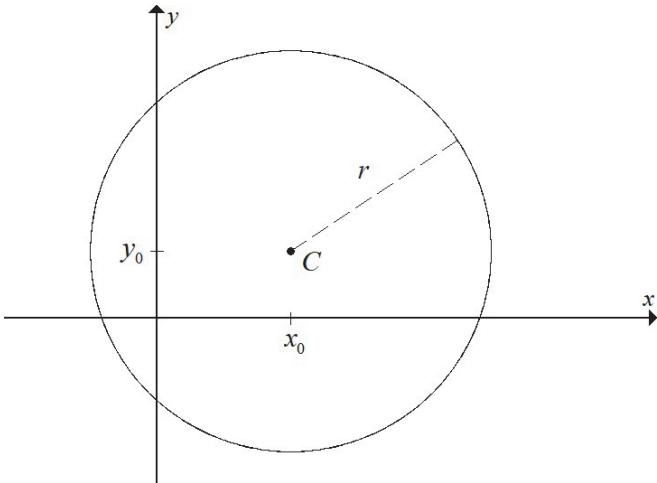
$$ax^2 + bx + cy^2 + dy + e = t \quad (34)$$

Ligning for cirkel

$$(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 = r^2 \quad (35)$$

Cirkel med centrum  $C(x_0, y_0)$

og radius  $r$



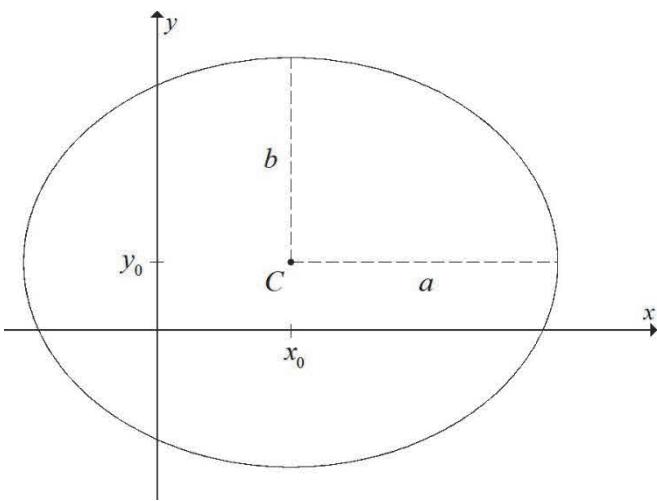
Ligning for ellipse

$$\frac{(x - x_0)^2}{a^2} + \frac{(y - y_0)^2}{b^2} = 1 \quad (36)$$

Ellipse med centrum  $C(x_0, y_0)$ ,

vandret halvakse  $a$

og lodret halvakse  $b$



## Differentialregning

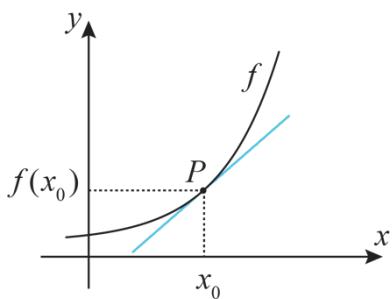
Differentialkvotienten  $f'(x_0)$  for funktionen  $f$  i tallet  $x_0$

$$f'(x_0) = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} \quad (37)$$

Ligning for tangenten til grafen for  $f$  i  $P(x_0, f(x_0))$

$$f'(x_0) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x} \quad (38)$$

$$y = f'(x_0) \cdot (x - x_0) + f(x_0) \quad (39)$$



Regneregler for differentiation

Konstant ganget funktion

$$(k \cdot f(x))' = k \cdot f'(x) \quad (40)$$

Sum af to funktioner

$$(f(x) + g(x))' = f'(x) + g'(x) \quad (41)$$

Differens af to funktioner

$$(f(x) - g(x))' = f'(x) - g'(x) \quad (42)$$

Produkt af to funktioner

$$(f(x) \cdot g(x))' = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x) \quad (43)$$

Sammensat funktion  $f \circ g$

$$(f(g(x))' = f'(g(x)) \cdot g'(x) \quad (44)$$

## Integralregning

Regneregler for integration

Ubestemt integral

$$\int f(x)dx = F(x) + c \quad (45)$$

$$\int k \cdot f(x)dx = k \cdot \int f(x)dx \quad (46)$$

$$\int (f(x) + g(x))dx = \int f(x)dx + \int g(x)dx \quad (47)$$

$$\int (f(x) - g(x))dx = \int f(x)dx - \int g(x)dx \quad (48)$$

Substitution  $t = g(x)$

$$\int f(g(x)) \cdot g'(x)dx = \int f(t)dt \quad (49)$$

Bestemt integral

$$\int_a^b f(x)dx = [F(x)]_a^b = F(b) - F(a) \quad (50)$$

$$\int_a^b k \cdot f(x)dx = k \cdot \int_a^b f(x)dx \quad (51)$$

$$\int_a^b (f(x) + g(x))dx = \int_a^b f(x)dx + \int_a^b g(x)dx \quad (52)$$

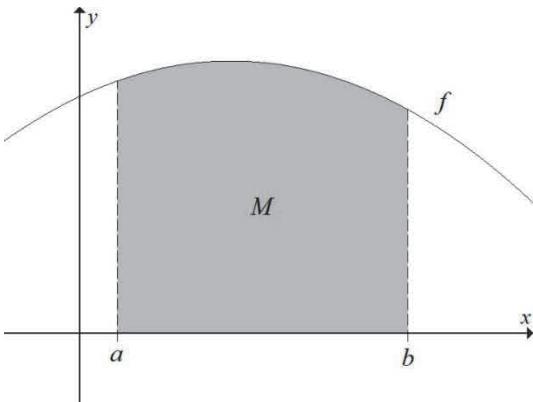
$$\int_a^b (f(x) - g(x))dx = \int_a^b f(x)dx - \int_a^b g(x)dx \quad (53)$$

Substitution  $t = g(x)$

$$\int_a^b (f(g(x)) \cdot g'(x)dx = \int_{g(a)}^{g(b)} f(t)dt \quad (54)$$

## Arealbestemmelse

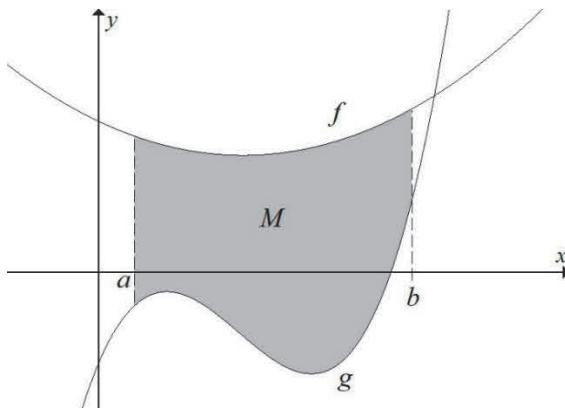
Arealet  $A$  af det markerede område  $M$



Arealberegnung

$$A = \int_a^b f(x)dx \quad (55)$$

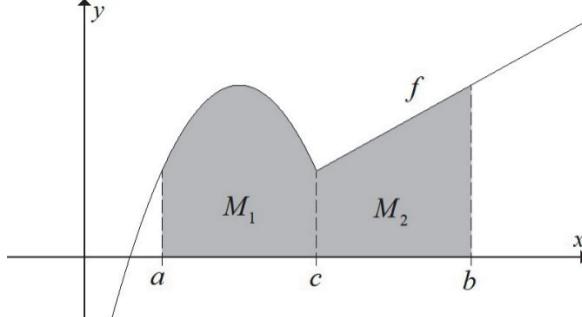
Arealet  $A$  af det markerede område  $M$



Arealberegning

$$A = \int_a^b (f(x) - g(x)) dx \quad (56)$$

Det samlede areal  $A$  af de markerede områder  $M_1$  og  $M_2$



Indskudsregel

$$\int_a^b f(x) dx = \int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx \quad (57)$$

## Aflede funktioner og stamfunktioner

$f'(x)$	$f(x)$	$F(x) = \int f(x) dx$	
0	$a$	$a \cdot x$	(58)
$n \cdot x^{n-1}$	$x^n$	$\frac{1}{n+1} \cdot x^{n+1}$	(59)
$\frac{1}{2\sqrt{x}} = \frac{1}{2} \cdot x^{-\frac{1}{2}}$	$\sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}}$	$\frac{2}{3} \cdot x^{\frac{3}{2}}$	(60)
$-\frac{1}{x^2} = -x^{-2}$	$\frac{1}{x} = x^{-1}$	$\ln x $	(61)
$\frac{1}{x}$	$\ln(x)$	$x \cdot \ln(x) - x$	(62)
$e^x$	$e^x$	$e^x$	(63)
$k \cdot e^{k \cdot x}$	$e^{k \cdot x}$	$\frac{1}{k} \cdot e^{k \cdot x}$	(64)
$\ln(a) \cdot a^x$	$a^x$	$\frac{1}{\ln(a)} \cdot a^x$	(65)
$-\sin(x)$	$\cos(x)$	$\sin(x)$	(66)
$\cos(x)$	$\sin(x)$	$-\cos(x)$	(67)

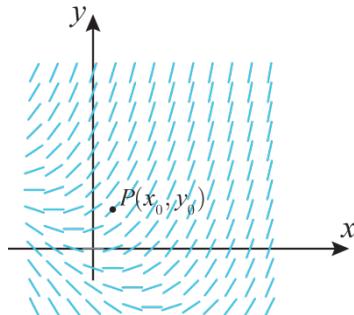
## Differentialligninger

Linjeelement

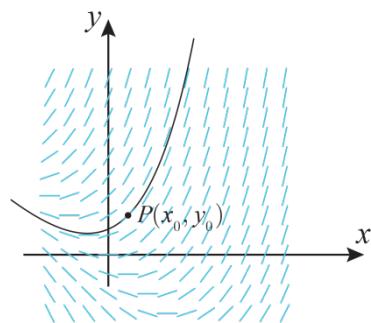
$$(x_0, f(x_0); f'(x_0)) = (x_0, y_0; y'_0) = (x_0, y_0; a) \quad (68)$$

hvor  $a$  er tangentens hældning i punktet  $P(x_0, y_0)$

Retningsfelt/hældningsfelt



Løsningskurve



Differentialligninger	Ligning	Løsning	
	$y' = h(x)$	$y = \int h(x)dx$	(69)
	$y' = h(x) \cdot g(y)$	$\int \frac{1}{g(y)} dy = \int h(x) dx$	(70)
	$y' = k \cdot y$	$y = c \cdot e^{kx}$	(71)
	$y' = b - a \cdot y$	$y = \frac{b}{a} + c \cdot e^{-ax}$	(72)

## Finansiel regning

Fremskrivningsformel 
$$K_n = K_0 \cdot (1 + r)^n \quad (73)$$

Kapital  $K_n$  efter  $n$  antal terminer med startkapital  $K_0$  og rentefod  $r$

Annuitetsopsparing 
$$A_n = y \cdot \frac{(1 + r)^n - 1}{r} \quad (74)$$

Kapital  $A_n$  efter  $n$  antal ydelser  $y$  og rentefod  $r$

Annuitetslån 
$$A_0 = y \cdot \frac{1 - (1 + r)^{-n}}{r} \quad (75)$$

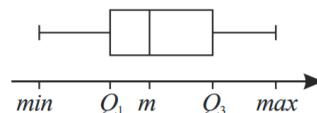
Gæld  $A_0$  tilbagebetalt efter  $n$  antal ydelser  $y$  og rentefod  $r$

Restgældsformlen 
$$R_m = A_0 \cdot (1 + r)^m - y \cdot \frac{(1 + r)^m - 1}{r} \quad (76)$$

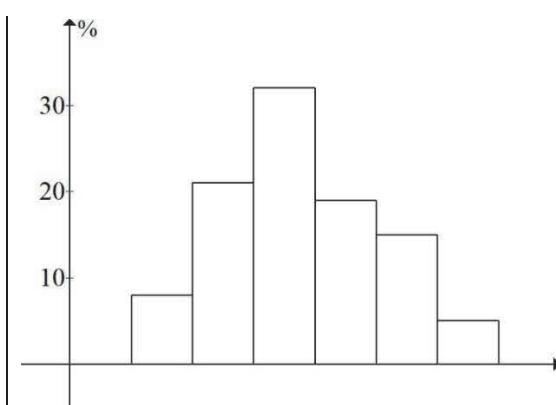
Restgæld  $R_m$  efter  $m$  terminer for et lån med hovedstol  $A_0$ , rentefod  $r$  pr. termin og ydelse  $y$

Effektiv rente  $i$  ved terminsrente  $r$  og  $n$  terminer pr. år 
$$i = (1 + r)^n - 1 \quad (77)$$

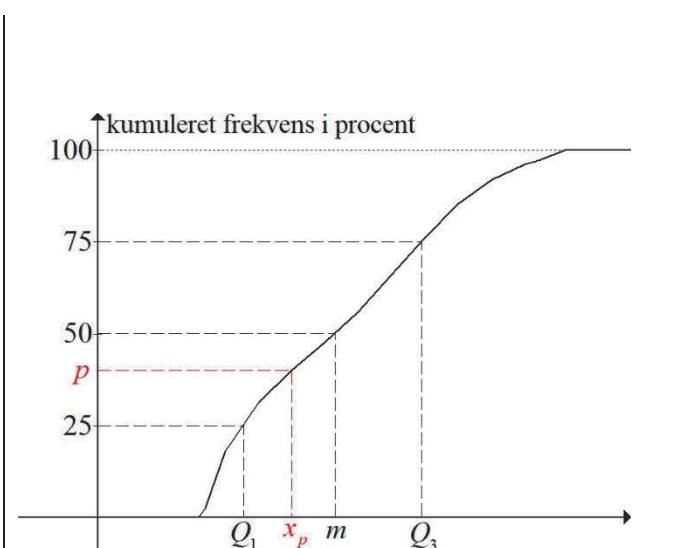
## Statistik, ugrupperede observationer

Observationssæt	$x_1, x_2, \dots, x_n$	(78)
Sum af observationer	$\sum_{i=1}^n x_i = x_1 + x_2 + \dots + x_n$	(79)
Gennemsnit $\bar{x}$	$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$	(80)
Variansestimat $s^2$	$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$	(81)
Spredning $s$	$s = \sqrt{s^2}$	(82)
Mindste observation	$min$	
Største observation	$max$	(83)
Variationsbredde	$max - min$	(84)
Kvartilsæt	$(Q_1, m, Q_3)$	(85)
	$Q_1$ : nedre kvartil, median for nederste halvdel af obs $m$ : median, midterste observation $Q_3$ : øvre kvartil, median for øverste halvdel af obs	
Boxplot		(86)

## Statistik, grupperede observationer

Histogram		
Lige store intervaller.		
Højden af en søjle svarer til intervallets frekvens		
Kvartilsæt	$(Q_1, m, Q_3)$	(87)
	$Q_1$ : nedre kvartil, 25%-fraktilen $m$ : median, 50%-fraktilen $Q_3$ : øvre kvartil, 75%-fraktilen $x_p$ : $p$ -fraktilen	

Sumkurve



## Kombinatorik

Fakultet

$$n! = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdot \dots \cdot 2 \cdot 1 \quad (88)$$

$$1! = 1$$

$$0! = 1$$

Kombinationer

$$K(n, r) = \frac{n!}{(n-r)! \cdot r!} \quad (89)$$

## Sandsynlighedsregning

Udfaldsrum med  $n$  udfald

$$U = \{u_1, u_2, \dots, u_n\} \quad (90)$$

Sandsynlighedsfunktion  $P$

$$0 \leq P(u_i) \leq 1 \quad (91)$$

Sandsynligheden  $P(A)$  for en hændelse  $A$

$$P(A) = \sum_{u \in A} P(u) \quad (92)$$

Sandsynlighedstabel

Udfald	$u_1$	$u_2$	$u_3$	$\dots$	$u_n$
Sandsynlighed	$P(u_1)$	$P(u_2)$	$P(u_3)$	$\dots$	$P(u_n)$

$$P(U) = 1 \quad (94)$$

$$P(\emptyset) = 0 \quad (95)$$

Komplementær hændelse  $\bar{A}$

$$P(\bar{A}) = 1 - P(A) \quad (96)$$

Additionsregel

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \quad (97)$$

Symmetrisk udfaldsrum

Alle sandsynligheder er lige store

$$P(u_1) = P(u_2) = \dots = P(u_n) = \frac{1}{n} \quad (98)$$

Sandsynlighed for hændelsen  $A$

$$P(A) = \frac{\text{antal gunstige udfald}}{\text{antal mulige udfald}} \quad (99)$$

## Sandsynlighedsteori

Sandsynligheden for, at  $X$  er mindre end eller lig  $a$

$$P(X \leq a)$$

Sandsynligheden for, at  $X$  er større end  $a$

$$P(X > a) = 1 - P(X \leq a) \quad (100)$$

Sandsynligheden for, at  $X$  er større end eller lig  $a$  og mindre end eller lig  $b$

$$P(a \leq X \leq b) = P(X \leq b) - P(X < a) \quad (101)$$

## Binomialfordelingen

Binomialfordelt stokastisk variabel  $X$   
med antalsparameter  $n$  og  
sandsynlighedsparameter  $p$

$$X \sim b(n, p) \quad (102)$$

Binomialkoefficient

$$K(n, r) = \binom{n}{r} = \frac{n!}{(n-r)! \cdot r!} \quad (103)$$

Sandsynlighedsfunktion

$$P(X = r) = K(n, r) \cdot p^r \cdot (1-p)^{n-r} \quad (104)$$

Middelværdi

$$E(X) = n \cdot p \quad (105)$$

Varians

$$\text{Var}(X) = n \cdot p \cdot (1-p) \quad (106)$$

Standardafvigelse

$$SD(X) = \sqrt{\text{Var}(X)} = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} \quad (107)$$

Stikprøve på  $n$  elementer og  $x$  succeser

Estimat for  
sandsynlighedsparameter  $p$

$$\hat{p} = \frac{x}{n} \quad (108)$$

Konfidensinterval  $(1-\alpha)$  for  
sandsynlighedsparameter  $p$   
 $z_{1-\frac{\alpha}{2}}$  er  $1-\frac{\alpha}{2}$ -fraktilen i  
standardnormalfordelingen

$$C_{1-\alpha} = \left[ \hat{p} - z_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \sqrt{\frac{\hat{p} \cdot (1-\hat{p})}{n}}; \hat{p} + z_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \sqrt{\frac{\hat{p} \cdot (1-\hat{p})}{n}} \right] \quad (109)$$

Betingelser for brug af  
konfidensinterval (108)

$$n > 30 \quad \wedge \quad n \cdot \hat{p} \cdot (1-\hat{p}) > 9$$

## Normalfordelingen

Normalfordelt stokastisk variabel  $X$   
 middelværdi  $\mu$   
 spredning  $\sigma$

$$X \sim N(\mu, \sigma) \quad (110)$$

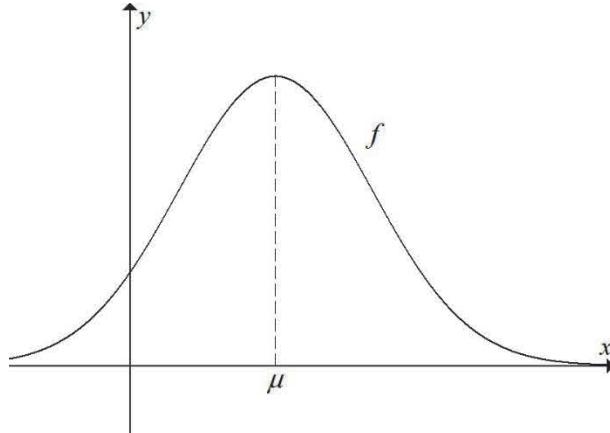
Tæthedsfunktion

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \cdot e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2} \quad (111)$$

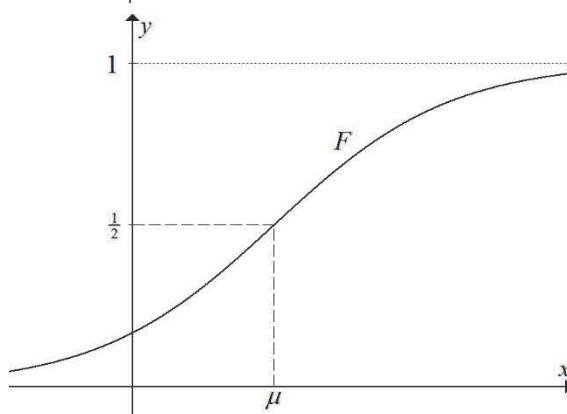
Fordelingsfunktion

$$F(x) = P(X \leq x) = \int_{-\infty}^x f(u) du \quad (112)$$

Graf for tæthedsfunktion



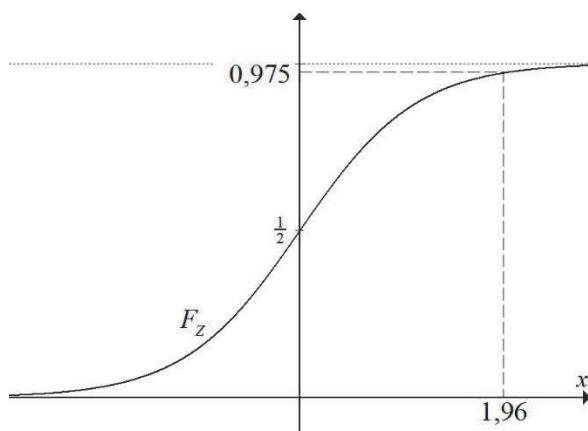
Graf for fordelingsfunktion



Standardnormalfordelt stokastisk variabel  $Z$

$$Z \sim N(0,1) \quad (113)$$

Graf for fordelingsfunktionen for  $Z$



Udvalgte fraktiler for standardnormalfordelingen	$z_{0,95} = 1,65$ $z_{0,975} = 1,96$ $z_{0,995} = 2,58$	(114)
Estimat for middelværdien	$\hat{\mu} = \bar{x}$	(115)
Estimat for spredning	$\hat{\sigma} = s$	(116)
Konfidensinterval $(1 - \alpha)$ for middelværdien $\mu$ med ukendt varians hvor $t_{1-\frac{\alpha}{2}}$ er $(1 - \frac{\alpha}{2})$ -fraktilen i en $t$ -fordeling med $n - 1$ frihedsgrader	$C_{1-\alpha} = \left[ \bar{x} - t_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{s}{\sqrt{n}}; \bar{x} + t_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{s}{\sqrt{n}} \right]$	(117)

## Chi i anden – uafhængighedstest

Observationer delt efter to kategorier

Observeret værdi  $O_{ij}$   
i række  $i$  og søjle  $j$

	søjle 1	søjle 2	...	sum
række 1	$O_{11}$	$O_{12}$	...	$O_{1\bullet}$
række 2	$O_{21}$	$O_{22}$		$O_{2\bullet}$
:	:	:		:
sum	$O_{\bullet 1}$	$O_{\bullet 2}$	...	$n$

Nulhypotese  $H_0$

Alternativ hypotese  $H_1$

Rækkesummer

$H_0$ : De to kategorier er uafhængige

$H_1$ : De to kategorier er ikke uafhængige

$$O_{i\bullet} = \sum_j O_{ij} \quad (118)$$

Søjlesummer

$$O_{\bullet j} = \sum_i O_{ij} \quad (119)$$

Antal observationer

$$n = \sum_{ij} O_{ij} \quad (120)$$

Forventet værdi  $E_{ij}$   
i række  $i$  og søjle  $j$

$$E_{ij} = \frac{O_{i\bullet} \cdot O_{\bullet j}}{n} \quad (121)$$

Teststørrelsen  $\chi^2$

$$\chi^2 = \sum_{ij} \frac{(O_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}} \quad (122)$$

Frihedsgrader  $f$

$$f = (\text{antal rækker} - 1) \cdot (\text{antal søjler} - 1) \quad (123)$$

## Multiplikationstabel

	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>	<b>7</b>	<b>8</b>	<b>9</b>	<b>10</b>	<b>11</b>	<b>12</b>	<b>13</b>	<b>14</b>	<b>15</b>	<b>16</b>	<b>17</b>	<b>18</b>	<b>19</b>	<b>20</b>
<b>1</b>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
<b>2</b>	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24	26	28	30	32	34	36	38	40
<b>3</b>	3	6	9	12	15	18	21	24	27	30	33	36	39	42	45	48	51	54	57	60
<b>4</b>	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40	44	48	52	56	60	64	68	72	76	80
<b>5</b>	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50	55	60	65	70	75	80	85	90	95	100
<b>6</b>	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60	66	72	78	84	90	96	102	108	114	120
<b>7</b>	7	14	21	28	35	42	49	56	63	70	77	84	91	98	105	112	119	126	133	140
<b>8</b>	8	16	24	32	40	48	56	64	72	80	88	96	104	112	120	128	136	144	152	160
<b>9</b>	9	18	27	36	45	54	63	72	81	90	99	108	117	126	135	144	153	162	171	180
<b>10</b>	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100	110	120	130	140	150	160	170	180	190	200
<b>11</b>	11	22	33	44	55	66	77	88	99	110	121	132	143	154	165	176	187	198	209	220
<b>12</b>	12	24	36	48	60	72	84	96	108	120	132	144	156	168	180	192	204	216	228	240
<b>13</b>	13	26	39	52	65	78	91	104	117	130	143	156	169	182	195	208	221	234	247	260
<b>14</b>	14	28	42	56	70	84	98	112	126	140	154	168	182	196	210	224	238	252	266	280
<b>15</b>	15	30	45	60	75	90	105	120	135	150	165	180	195	210	225	240	255	270	285	300
<b>16</b>	16	32	48	64	80	96	112	128	144	160	176	192	208	224	240	256	272	288	304	320
<b>17</b>	17	34	51	68	85	102	119	136	153	170	187	204	221	238	255	272	289	306	323	340
<b>18</b>	18	36	54	72	90	108	126	144	162	180	198	216	234	252	270	288	306	324	342	360
<b>19</b>	19	38	57	76	95	114	133	152	171	190	209	228	247	266	285	304	323	342	361	380
<b>20</b>	20	40	60	80	100	120	140	160	180	200	220	240	260	280	300	320	340	360	380	400

## Matematiske symboler

Mængder	Logik & interval	Diverse
$\mathbb{N}$ Mængden af naturlige tal	$>$ Større end	$K(n, r)$ Binomialkoefficient
$\mathbb{Z}$ Mængden af hele tal	$<$ Mindre end	!
$\mathbb{Q}$ Mængden af rationale tal	$\wedge$ Og	$\sim$ Fordelt som
$\mathbb{R}$ Mængden af reelle tal	$\vee$ Eller	$b(n, p)$ Binomialfordeling
$\emptyset$ Den tomme mængde	$\Rightarrow$ Medfører	$N(\mu, \sigma)$ Normalfordeling
$\cap$ Fællesmængde	$\Leftrightarrow$ Ensbetydende	$\lim$ Grænseværdi
$\cup$ Foreningsmængde		$f'(x)$ Afledet funktion
$\in$ Tilhører	$[a; b]$ Fra $a$ til $b$ inkl.	$F(x)$ Stamfunktion
$\notin$ Tilhører ikke	$]a; b[$ Fra $a$ til $b$ ekskl.	$\int dx$ Ubekstmidt integral
$\subseteq$ Delmængde	$]a; b]$ Fra $a$ til og med $b$	$\int_a^b dx$ Bestemt integral
$\subset$ Ægte delmængde	$[a; b[$ Fra og med $a$ til $b$	$\sum$ Sum
$\bar{A}$ Komplementærmængde		$\sum_{i,j}$ Sum over rækker og søjler



